УДК 621.315.592

# ТЕРМОДИНАМИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ ФОРМИРОВАНИЯ НАПРЯЖЕННЫХ СЛОЕВ GaInNAs ПРИ МОЛЕКУЛЯРНО-ПУЧКОВОЙ ЭПИТАКСИИ

© 2010 О. П. Чикалова-Лузина<sup>1</sup>, В. М. Вяткин<sup>2</sup>

<sup>1</sup> Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе РАН, ул. Политехническая 26, 194021 Санкт-Петербург, Россия <sup>2</sup> Санкт-Петербургский государственный электротехнический университет («ЛЭТИ»),

ул. Профессора Попова 5, 197376 Санкт-Петербург, Россия

Поступила в редакцию: 14.10.2009 г.

Аннотация. Построена термодинамическая модель молекулярно-пучковой эпитаксии четверных твердых растворов III-III'-V-V' на решеточно-рассогласованных подложках на примере Ga<sub>x</sub>In<sub>1-x</sub>N<sub>y</sub>As<sub>1-y</sub>. На основании развитой модели проанализировано встраивание атомарного азота в напряженные гетерослои Ga<sub>x</sub>In<sub>1-x</sub>N<sub>y</sub>As<sub>1-y</sub>/GaAs в зависимости от таких параметров роста как температура и скорость роста, внешний поток мышьяка, а так же от содержания индия в слое. Полученные результаты позволяют оптимизировать условия молекулярнолучевой эпитаксии напряженных гетерослоев GaInNAs/GaAs, используемых при создании длинноволновых излучателей.

Ключевые слова: гетеростуктуры, МПЭ, термодинамический анализ, четверные нитриды, GaInNAs.

## введение

Интерес к исследованию процессов формирования гетероструктур GaInNAs/GaAs вызван возможностью создания излучателей в телекоммуникационной области длин волн 1,3—1,55 мкм с активной областью на базе GaInNAs/GaAs квантовых ям [1, 2]. Достижение высокого кристаллического качества нанослоев и заданной длины волны излучения требует оптимизации условий их формирования. Кинетическая модель роста GaInNAs при молекулярно-лучевой эпитаксии была построена в работе [3].

Однако кинетический подход не позволяет установить связь параметров роста и состава растущего слоя, определяющего длину волны излучения, в аналитическом виде. Аналитическое описание формирования эпитаксиальных слоев, обеспечивающее возможность прецизионного управления параметрами роста для достижения заданной длины волны излучения, требует термодинамического подхода. В этой работе построена термодинамическая модель молекулярно-пучковой эпитаксии (МПЭ) четверных твердых растворов со смешением на подрешетках элементов III и V групп (III-III'-V-V') на решеточнорассогласованных подложках, представляющая обобщение развитой ранее [4] термодинамической модели МПЭ роста напряженных слоев тройных III-V твердых растворов. На основании представленной здесь модели рассчитано содержание азота в напряженных слоях  $Ga_x In_{1-x} N_y As_{1-y}/GaAs$ , выращенных методом МПЭ с использованием атомарного азота, в зависимости от таких внешних параметров, как температура роста, скорость роста, поток мышьяка к поверхности растущего слоя, а также от заданной концентрации индия в растущем слое. Полученные результаты позволяют оптимизировать условия молекулярно-лучевой эпитаксии напряженных гетерослоев GaInNAs/GaAs для достижения требуемого оптического качества.

### ТЕРМОДИНАМИЧЕСКАЯ МОДЕЛЬ

Базовыми параметрами термодинамических моделей молекулярно-пучковой эпитаксии являются температура подложки, рассматриваемая как температура системы, и равновесные парциальные давления, которые представляют потоки соответствующих атомов и молекул, покидающих поверхность растущего слоя.

Четверной твердый раствор  $Ga_x In_{1-x}N_y As_{1-y}$  может рассматриваться как регулярная смесь четырех бинарных соединений GaN, GaAs, InN и InAs в соответствующих пропорциях.

Химические реакции, управляющие ростом слоя  $Ga_x In_{1-x} N_y As_{1-y}$  и испарением главных элементов с его поверхности, в случае атомарного азота имеют вид:

$$\ln(g) + 1/4 \operatorname{As}_{4}(g) = \operatorname{InAs}(s), \qquad (1)$$

$$Ga(g) + 1/4As_4(g) = GaAs(s), \qquad (2)$$

$$In(g)+N(g)=InN(s),$$
(3)

$$Ga(g) + N(g) = GaN(s).$$
(4)

Здесь g и s относятся к газовой и твердой фазе, соответственно. Соотношение между равновесными парциальными давлениями компонент газовой фазы  $P_i$  и активностями соответствующих бинаров в четверном твердом растворе  $\alpha_i$  устанавливаются законом действующих масс. На начальной стадии гетероэпитаксиального роста  $Ga_x In_{1-x}N_yAs_{1-y}$  на решеточно-рассогласованной решетке, когда упругая релаксация еще не произошла, уравнения действующих масс может быть записано как:

$$P_{\rm Ga}P_{\rm N} = \gamma_{\rm GaN}\alpha_{\rm GaN}K_{\rm GaN}, \tag{5}$$

$$P_{\rm Ga}(P_{\rm As_4})^{1/4} = \gamma_{\rm GaAs} \alpha_{\rm GaAs} K_{\rm GaAs}, \tag{6}$$

$$P_{\rm In}(P_{\rm As_4})^{1/4} = \gamma_{\rm InAs} \alpha_{\rm InAs} K_{\rm InAs},$$
(7)

$$P_{\rm In}P_{\rm N} = \gamma_{\rm InN}\alpha_{\rm InN}K_{\rm InN},\tag{8}$$

где  $K_i$  — обратные константы равновесия реакций,  $\gamma_i$  происходят из определяемого напряжением дополнительного вклада в свободную энергию Гиббса и могут быть получены в виде [5]:

$$\gamma_{i} = \exp\left\{\frac{1}{RT}\left[\frac{\sigma}{r_{0}^{2}}(r-r_{0})(2r_{i}-r-r_{0})\right]\right\},$$
 (9)

где  $\sigma = 2C[(1+v)/(1-v)]V_m$ ,  $C = 1/2C_{44}$  — модуль сдвига,  $v = C_{12}/(C_{11}+C_{12}))$  — отношение Пуассона,  $C_{44}$ ,  $C_{11}$ ,  $C_{12}$  — коэффициенты упругости четверного твердого раствора,  $V_m$  — молярный объем подложки;  $r, r_0, r_i$  — постоянные решетки ненапряженного слоя четверного раствора, подложки и соответствующего бинарного соединения. Постоянная решетки ненапряженного слоя четверного раствора и его коэффициенты упругости определяются законом Вегарда из постоянных решетки и коэффициентов упругости GaN, GaAs, InN и InAs.

В приближении регулярных растворов активности бинарных соединений в четверном твердом растворе со смешением как на подрешетке элементов III группы, так и на подрешетке элементов V группы могут быть выражены через параметры взаимодействия бинарных соединений в соответствующем тройном твердом растворе и мольные доли элементов в четверном растворе [6]. В случае  $Ga_{x}In_{1-x}N_{y}As_{1-y}$  активности бинарных соединений *a*, имеют вид:

$$kT \ln \alpha_{\text{InAs}} = kT \ln \left[ (1-x)(1-y) \right] +$$
  
+  $\left[ ya_1 + (1-y)a_2 \right] x^2 + \left[ xa_3 + (1-x)a_4 \right] y^2 -$  (10)  
-  $\left[ a_c - (1-x)(a_2 - a_1) - (1-y)(a_4 - a_3) \right] xy,$ 

$$kT \ln \alpha_{\text{GaN}} = kT \ln xy + \left[ ya_1 + (1-y)a_2 \right] (1-x)^2 + \left[ xa_3 + (1-x)a_4 \right] (1-y)^2 - (11) - \left[ a_c + x(a_2 - a_1) + y(a_4 - a_3) \right] (1-x)(1-y),$$

$$kT \ln \alpha_{\ln N} = kT \ln \left[ (1-x)y \right] +$$

$$+ \left[ ya_{1} + (1-y)a_{2} \right] x^{2} + \left[ xa_{3} + (1-x)a_{4} \right] (1-y)^{2} + (12)$$

$$+ \left[ a_{c} - (1-x)(a_{2} - a_{1}) + y(a_{4} - a_{3}) \right] x (1-y),$$

$$kT \ln \alpha_{\text{GaAs}} = kT \ln [x(1-y)] + + [ya_1 + (1-y)a_2](1-x)^2 + [xa_3 + (1-x)a_4]y^2 + (13) + [a_c + x(a_2 - a_1) - (1-y)(a_4 - a_3)](1-x)y,$$

где  $a_1$  — параметр взаимодействия GaN и InN в тройном твердом растворе GaInN,  $a_2$ ,  $a_3$ ,  $a_4$  — параметр взаимодействия GaAs и InAs в GaInAs, GaAs и GaN в GaAsN, InAs и InN в InAsN, соответственно.

Из закона сохранения массы следует уравнение:

$$F_{Ga}^{0} - F_{Ga} + F_{In}^{0} - F_{In} = F_{N}^{0} - F_{N} + 4(F_{As_{4}}^{0} - F_{As_{4}}).$$
 (14)  
Здесь  $F_{i}^{0}$  — потоки веществ III и V групп, по-  
ступающие на поверхность растущего слоя, и  $F_{i}$   
— переиспаренные потоки, Потоки связаны с со-  
ответствующими равновесными парциальными  
давлениями соотношениями:

$$F_i^0 = P_i^0 \left( 2\pi m_i kT \right)^{-1/2}$$
(15)

и 
$$F_i = P_i (2\pi m_i kT)^{-1/2}$$
, (16)

где *m<sub>i</sub>* — масса атома или молекулы.

# РЕЗУЛЬТАТЫ РАСЧЕТОВ И ИХ ОБСУЖДЕНИЕ

На основании построенной модели (уравнения (1-16)) проанализировано встраивания атомарного азота при молекулярно-пучковой эпитаксии  $Ga_x In_{1-x} N_y As_{1-y}$  на подложке GaAs в зависимости от таких параметров роста, как температура роста, скорость роста, поток мышьяка к поверхности растущего слоя, а также от заданной концентрации индия в слое. Рост предполагается псевдоморфным.

Численные расчеты выполнены для используемых практически температур роста Т и поступающих на поверхность растущего слоя потоков  $F_i^0$ . Значения обратных констант равновесия для реакций (1) и (2) взяты из работы [7], для реакций (3) и (4) рассчитаны из свободных энергий реакций, приведенных в работе [8]. Использованы следующие значения параметров взаимодействия бинарных соединений в соответствующем тройном твердом растворе:  $a_1 = 2,93 \cdot 10^4$  Дж/моль [9],  $a_2 = 1,26 \cdot 10^4$  Дж/моль [10] и  $a_3 = 1,81 \cdot 10^5$  Дж/моль,  $a_{A} = 1,22 \cdot 10^{5}$  Дж/моль, рассчитанные на основании DLP модели [11]. Необходимые для расчетов значения коэффициентов упругости и постоянных решетки для бинарных соединений GaAs и InAs взяты из [12], для GaN и InN — из [13].

На рис. 1*а* представлена концентрация азота в слое Ga<sub>x</sub>In<sub>1-x</sub>N<sub>y</sub>As<sub>1-y</sub>, рассчитанная для области температур роста 400 — 500° С. Видно, что в этой области концентрация встроенного азота не зависит от температуры роста, что совпадает с результатами расчета на основании кинетической модели и экспериментальными данными, представленными в работе [3]. Экспериментально было установлено, что оптимальные температуры роста находятся в интервале 440 — 470° С [3, 14], так как увеличение температуры роста выше чем 470° С и ее уменьшению эффективности излучательной рекомбинации из-за деградации кристаллического качества.

Рис. 16 показывает рассчитанную зависимость концентрации азота в эпитаксиальном слое от обратной скорости роста. Так как в рассматриваемой области температур переиспарение (то есть равно-

весные парциальные давления) индия и галлия пренебрежимо малы, скорость роста определяется суммой их падающих потоков  $F_{ln}^0$  и  $F_{Ga}^0$ . Обратно пропорциональная зависимость концентрации азота от скорости роста может быть объяснена равенством единице коэффициента прилипания азота.

Концентрация встроенного азота в зависимости от концентрации индия в эпитаксиальном слое была определена со следующими значениями параметров роста:  $T = 450^{\circ}$  C, постоянная скорость роста V =1 ML/с постоянный падающий поток атомов азота  $F_{\rm N}^0 = 10^{13} \text{ см}^{-2} \text{с}^{-1}$ , и падающий поток молекул мышьяка  $F_{As}^{0} = 7,5 \cdot 10^{14}$  см<sup>-2</sup>с<sup>-1</sup>. В рассмотренной области концентраций индия от 0.10 до 0.35 концентрация встроенного азота не изменяется при том, что изменение постоянной решетки из-за измерения концентраций индия и галлия ведет к изменению напряжения в слое. Следовательно, напряжение не оказывает заметного влияния на внедрение азота в исследованной области состава. Зависимость концентрации азота в слое  $Ga_{0.75}In_{0.25}N_{\nu}As_{1-\nu}$  от эквивалентного давления падающего потока мышьяка рассчитана в области (0.7—3.2)·10<sup>-5</sup> мбар для T = 450 °C постоянной скорости роста V = 1 ML/c, и для постоянного падающего потока атомов азота  $F_{\rm N}^0 = 10^{13} \, {\rm сm}^{-2} {\rm c}^{-1}$ . Получено, что концентрация азота не зависит от эквивалентного давления. Независимость внедрения азота от концентрации индия в растущем слое и от эквивалентного давления падающего потока мышьяка свидетельствует о том, что атомы N имеют постоянный коэффициент прилипания при рассмотренных параметрах роста.

Таким образом, при параметрах роста, принятых в рассмотрение, содержание азота в напряжен-



**Рис 1.** Температурная зависимость концентрации азота в слое  $Ga_{0.75}In_{0.25}N_yAs_{1-y}$  при скорости роста V = 1 ML/c,  $F_N^0 = 10^{13}$  см<sup>-2</sup>c<sup>-1</sup>,  $F_{As_4}^0 = 7,5 \cdot 10^{14}$  см<sup>-2</sup>c<sup>-1</sup> (*a*); зависимость концентрации азота в слое  $Ga_{0.75}In_{0.25}N_yAs_{1-y}$  от обратной скорости роста при температуре роста  $T = 450^{\circ}$  С,  $F_N^0 = 10^{13}$  см<sup>-2</sup>c<sup>-1</sup>,  $F_{As_4}^0 = 7,5 \cdot 10^{14}$  см<sup>-2</sup>c<sup>-1</sup> (*b*)

ном слое  $Ga_x In_{1-x} N_y As_{1-y}$  определяется потоком атомов N, поступающем на поверхность растущего слоя, и скоростью роста. Все полученные результаты хорошо согласуются с экспериментальными данными [3].

Внедрение азота в отрелаксировавший ненапряженный слой GaInNAs при таких же параметрах молекулярно-лучевой эпитаксии рассмотрено в работе [15]. Сравнение результатов расчетов, выполненных в работе [15], с полученными здесь результатами подтверждает, что напряжение не влияет заметно на встраивание атомарного азота в гетерослои Ga<sub>x</sub>In<sub>1-x</sub>N<sub>y</sub>As<sub>1-y</sub>/GaAs с высоким содержанием индия и низким содержанием азота, используемых при изготовлении длинноволновых излучателей.

Известно, что длина волны излучения Ga In<sub>1-x</sub>N<sub>y</sub>As<sub>1-y</sub> сильно зависит от содержания N и In [16, 17]. Возможность прецизионного контроля состава напряженных слоев при молекулярно-лучевой эпитаксии, предоставляемая разработанной здесь моделью, важен для создания излучателей с активной областью на базе GaInNAs/GaAs квантовых ям.

#### ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Построена термодинамическая модель молекулярно-пучковой эпитаксии четверных твердых растворов со смешением как на подрешетке элементов III группы, так и на подрешетке элементов V группы (III-III'-V-V') на решеточно-рассогласованных подложках на примере GaInNAs. На основании этой модели рассчитано содержание азота в напряженных слоях Ga In, N As, /GaAs, выращенных методом молекулярно-пучковой эпитаксии с использованием атомарного азота, в зависимости от таких внешних параметров как температура роста, скорость роста, поток мышьяка к поверхности растущего слоя, а также от заданной концентрации индия в растущем слое. Полученные результаты позволяют оптимизировать условия молекулярно-лучевой эпитаксии напряженных гетерослоев  $Ga_{\nu}In_{1-\nu}N_{\nu}As_{1-\nu}/GaAs$ , используемых при создании длинноволновых излучателей.

Чикалова-Лузина О. П. — к.ф.-м.н., Физикотехнический институт им. А.Ф. Иоффе РАН; e-mail: o\_ chikalova@mail.ru

Вяткин В. М. — к.ф.-м.н., доцент, Санкт Петербургский государственный электротехнический университет («ЛЭТИ»); e-mail: vadim.vyatkin@gmail.com Развитая здесь модель может быть использована для анализа молекулярно-пучковой эпитаксии напряженных слоев других III-III'-V-V' соединений, таких как GaInPAs, GaInNP.

Авторы выражают благодарность Н.Н. Леденцову за инициирование этой работы.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. *Harris J. S.* // Semicond. Sci. Technol. 2002. V. 17. № 8. P. 880.

2. Крыжановская Н. В., Егоров А. Ю., Мамутин В. В. и др. // ФТП. 2005. Т. 39. № 8. С. 735.

3. *Pan Z., Li L. H., Zhang W. et al.* // Appl. Phys. Lett. 2000. V. 77. № 2. № 8. P. 214.

4. *Chikalova-Luzina O. P., Ledentsov N. N. //* Surf. Sci. and Nanotech. 2006. V. 4. № 1. P. 53.

5. *Nagory R. E., Pollack M. A., Beebe E. D. et al.* // J. Eletrochem. Soc. 1978. V. 125. № 7. P.1053.

6. Jordan A. S. and Ilegems M. // J. Phys. Chem. Solids. 1975. V. 36. №1. P. 329.

7. *Tateno K., Amano C.* // J. Electronics Materials. 1999. V. 28. №1. P. 63.

8. *Koukitu A. and Seki H.* // Jpn. J. Appl. Phys. 1997. V. 36. Part 2. № 6B. P. L 750.

9. *Koukitu A., Kumagai Y., and Seki H.* // J. Cryst. Growth. 2000. V. 221. № 1. P. 743.

10. Panish M. B. and Ilegems M. // in Progress in Solid State Chemistry. Pergamon. Oxford. 1972. V. 7. P. 39.

11. *Stringlellow G. B.* // J. Cryst. Growth. 1974. V. 27. № 1. P. 21.

12. Handbook Series of Semiconductors Parameters V. 1 / Edited by M. Levinstein, S. Rumyantsev, M.Shur. Singapore — New Jersey — London — Hong Kong. Wold. Sci.Co. 1966. P. 77, 100, 147, 165.

13. Optoelectronic Properties of Semiconductors and Superlattices. V. 7. GaN and Related Matrials. / Edited by S.J. Pearton. Cordon and Breach Science Publisher. Singapore. 2000. P. 147.

14. *Egorov. F. Yu., Bernclau D., Borchert B. et al.* // J. Cryst. Growth. 2001. V. 227—228. № 1. P. 545.

15. *Chikalova-Luzina O. //* подготовлено к публикации.

16. *Zhukov A. E., Kovsh A. R., Semenova E. S. et al.* // Semiconductors. 2002. V. 36. № 7. P. 899.

17. *Cheah W. K., Fan W.J., Yoon S. F., et al.* // J. Cryst. Growth. 2005. V. 275 № 1. P. 440.

*Chikalova-Luzina O. P.* — PhD, Ioffe Physical Technical Institute RAS; e-mail: o\_chikalova@mail.ru

*Vyatkin V. M.* — PhD, associate professor, Saint Petersburg State Electrotechnical University ("LETI"); e-mail: vadim.vyatkin@gmail.com